

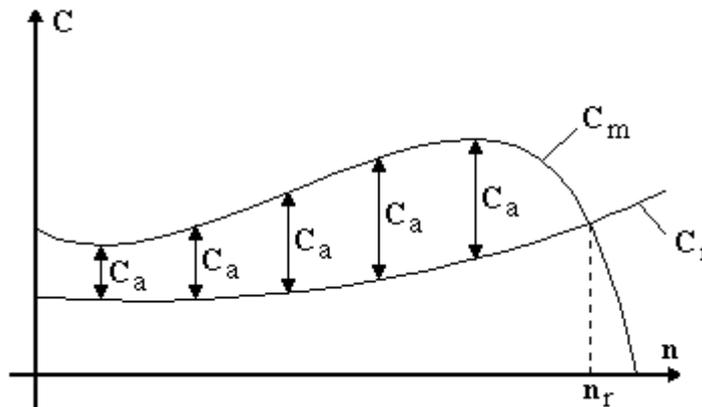
## TEMPO DI AVVIAMENTO DEI MOTORI ASINCRONI

È il tempo che il motore impiega per raggiungere la velocità di regime.

Esso dipende dalla coppia acceleratrice  $C_a$  che è pari alla differenza fra la coppia motrice  $C_m$  e la coppia resistente offerta dal carico  $C_r$ , che può essere soltanto quella del rotore del motore, o rotore più macchina condotta:

$$C_a = C_m - C_r$$

L'andamento qualitativo della coppia motrice e della coppia resistente sono riportate qui di seguito nel piano  $n - C$ ; il punto di intersezione fra le due coppie individua la velocità di regime  $n_r$  del motore.



### • Coppia acceleratrice

$$C_a = C_m - C_r = J \cdot a_\omega = J \cdot \frac{d\omega}{dt} \quad (1)$$

dove:

- $J$  = momento d'inerzia della parte rotante del motore  $[\text{Kg} \cdot \text{m}^2]$
- $a_\omega$  = accelerazione angolare  $[\text{rad}/\text{s}^2]$
- $\omega$  = velocità angolare  $[\text{rad}/\text{s}]$ , che vale

$$\omega = \frac{2 \cdot \pi \cdot n}{60} \quad (2)$$

essendo  $n$  la velocità angolare espressa in  $[\text{giri}/\text{min}]$ .

Il momento d'inerzia può essere calcolato con la seguente espressione:

$$J = \frac{GD^2}{4} \quad (3)$$

in cui “GD<sup>2</sup>”, detto semplicemente “gidiquadro”, è il *momento dinamico* della parte rotante del motore, un parametro caratteristico fornito dal costruttore del motore e ricavabile dai cataloghi.

- G = massa della parte rotante [ Kg ]
- D = diametro equivalente della parte rotante [m]

Nota - Il diametro equivalente D è quel diametro ideale a cui corrisponderebbe lo stesso momento dinamico se tutta la massa del rotore fosse concentrata lungo la circonferenza definita dal diametro stesso.

• Tempo di avviamento

Ricavando dalla (1) dt si ha:

$$dt = \frac{J}{C_m - C_r} \cdot d\omega$$

e integrando:

$$t = \int_0^{\omega_r} \frac{J}{C_m - C_a} \cdot d\omega$$

in cui

- $\omega_r$  = velocità di regime [rad/s]

Se l'integrazione viene fatta rispetto alla velocità n , dalla (2) si ha:

$$d\omega = \frac{2 \cdot \pi}{60} \cdot dn$$

e quindi:

$$t = \int_0^{n_r} \frac{GD^2}{4 \cdot (C_m - C_r)} \cdot \frac{2 \cdot \pi}{60} \cdot dn$$

Portando, infine, fuori del segno di integrazione i termini costanti si ottiene:

$$t = \frac{GD^2}{4} \cdot \frac{2 \cdot \pi}{60} \int_0^{n_r} \frac{1}{C_m - C_r} \cdot dn \tag{4}$$

$$t \approx 0,026 \cdot GD^2 \int_0^{n_r} \frac{1}{C_m - C_r} \cdot dn$$

La coppia acceleratrice  $C_a$  non è, in genere, esprimibile in funzione di  $n$  e quindi l'integrale precedente non è risolvibile.

Un modo approssimato per calcolare il tempo di avviamento è quello di considerare la coppia acceleratrice media  $C_{am}$ , intesa come media delle coppie acceleratrici nell'intervallo  $0 - n_r$ . Si ottiene allora:

$$t \approx 0,026 \cdot \frac{GD^2 \cdot n_r}{C_{am}}$$

Un altro modo approssimato, ma tutto sommato indicativo, per calcolare il tempo di avviamento di un motore asincrono è quello di mettere al posto della coppia acceleratrice  $C_a$  del motore la sua coppia nominale  $C_n$ , che, indicata con  $P$  la potenza nominale e con  $n$  la velocità nominale, vale:

$$C_n = \frac{P}{\omega} = \frac{60 \cdot P}{2 \cdot \pi \cdot n}$$

Sostituendo tale espressione nella (4), si ottiene:

$$t = \frac{GD^2}{4} \cdot \frac{2 \cdot \pi}{60} \int_0^n \frac{1}{C_n} \cdot dn = \frac{GD^2}{4} \cdot \frac{2 \cdot \pi}{60} \cdot \frac{n}{C_n} = \frac{GD^2}{4} \cdot \frac{2 \cdot \pi}{60} \cdot \frac{n}{\frac{60 \cdot P}{2 \cdot \pi \cdot n}}$$

e quindi, in definitiva:

$$t \approx \left(\frac{\pi}{60}\right)^2 \cdot GD^2 \cdot \frac{n^2}{P} \approx 0,0027 \cdot GD^2 \cdot \frac{n^2}{P}$$